

**Tài liệu Toán Bồi dưỡng HSG Lớp 7**  
**ÔN TẬP VỀ CHIA HẾT VÀ CHIA CÓ DƯ**  
*Tài liệu bồi dưỡng Toán Bồi dưỡng HSG Lớp 7*

**Dạng 1** Tìm số nguyên  $x, y$  thỏa mãn điều kiện chia hết

**Câu 1 – Mã VinaID 150446 – Vinastudy.vn:**

Tìm  $x, y$  nguyên thỏa mãn :  $2xy - y = 4x + 3$

**Câu 2 – Mã VinaID 150447 – Vinastudy.vn:**

Tìm các số nguyên  $x, y$  biết:  $\frac{5}{x} + \frac{y}{4} = \frac{1}{8}$

**Câu 3 – Mã VinaID 150448 – Vinastudy.vn:**

Tìm số nguyên  $x$ , để biểu thức  $A = \frac{2x-5}{x-1}$  nhận giá trị là số nguyên

**Câu 4: – Mã VinaID 150449 – Vinastudy.vn:**

Tìm các cặp số nguyên  $(x; y)$  thỏa mãn:  $x^2 + xy - 3y - 5x + 3 = 0$

**Câu 5 – Mã VinaID 150450 – Vinastudy.vn:**

Tìm cặp số tự nhiên  $(x; y)$  trong đó  $y$  là chữ số, biết rằng:  $1 + 2 + \dots + (x-1) = \overline{yyy} - x$

**Câu 6 – Mã VinaID 140844.** Tìm các cặp số tự nhiên  $(x, y)$  biết  $2^x + 624 = 5^y$

**Câu 7 – Mã VinaID 150451 – Vinastudy.vn:**

Tìm các cặp số tự nhiên  $(m, n)$  sao cho:

$$2027^n - 2026^m + 3 = 2025$$

**Câu 8 – Mã VinaID 150452 – Vinastudy.vn:**

Tìm các cặp số tự nhiên  $(x, y)$  thỏa mãn:

$$25x + 40y = 2031^{2032}$$

**Câu 9 – Mã VinaID 150453 – Vinastudy.vn:**

Tìm các số  $x, y, z$  nguyên dương thỏa mãn  $x^3 + 3x^2 + 5 = 5^y$  và  $x + 3 = 5^z$

**Dạng 2** Bài toán chứng minh chia hết

**Câu 10 – Mã VinaID 150454 – Vinastudy.vn:**

Chứng minh rằng  $(2026^n + 1)(2026^n + 2) : 3$  với  $\forall a \in \mathbb{N}$ .

**Câu 11 – Mã VinaID 150455 – Vinastudy.vn:**

Cho  $a, b$  là các số nguyên dương, chứng minh rằng biểu thức  $ab(a^2 + 2)(b^2 + 2)$  luôn chia hết cho 9.

**Câu 12: – Mã VinaID 150456 – Vinastudy.vn:**

Cho  $a, b \in \mathbb{N}^*$ , thỏa mãn  $M = (9a + 11b).(5b + 11a)$  chia hết cho 19.

Chứng minh  $M$  chia hết cho 361

**Câu 13: – Mã VinaID 150457 – Vinastudy.vn:**

Cho ba số chính phương  $x, y, z$ . Chứng minh rằng:  $A = (x - y)(y - z)(z - x) : 12..$

**Câu 14: – Mã VinaID 150458 – Vinastudy.vn:**

Chứng minh rằng số  $A = 11^{n+2} + 12^{2n+1}$  chia hết cho 133, với mọi  $n \in \mathbb{N}$

**Giáo viên: Trần Thu Trang**

*Bản quyền video bài giảng thuộc về Vinastudy*